



# Toy Train

Adriana i njezin brat Beker su blizanci. Za svoj rođendan su dobili veliki željeznički skup. Od njega su sastavili sistem željeznica sa  $n$  stanica i  $m$  jednosmjernih pruga. Stanice su označene brojevima od 0 do  $n - 1$ . Svaka pruga polazi iz jedne i dolazi u istu ili različitu stanicu. Iz svake stanice polazi barem jedna pruga.

Neke stanice su *punjene stanice*. Kad god vlak stigne u punjenu stanicu, potpuno se napuni. Potpuno napunjeni vlak ima dovoljno energije da prođe  $n$  uzastopnih pruga. Tačnije, trenutak prije nego vlak uđe na  $(n + 1)$ -u prugu nakon zadnjeg punjenja, ostane bez energije i stane.

Na svakoj stanici je skretnica koju je moguće usmjeriti u bilo koju prugu koja polazi iz te stanice. Vlak izlazi iz stanice koristeći prugu u koju ga usmjerava skretnica na toj stanici.

Blizanci će zaigrati sljedeću igru sa svojim vlakom. Podijelili su stanice među sobom: svaku stanicu posjeduje ili Adriana ili Beker. Postoji jedan vlak. Na početku vlak se nalazi u stanici  $s$  i potpuno je napunjen. Igra počinje time što vlasnik stanice  $s$  usmjeri skretnicu iz stanice  $s$  u jednu od izlaznih pruga. Tada uključe vlak i on kreće putovati prugama.

Kad god vlak prvi put uđe u stanicu, vlasnik te stanice usmjeri skretnicu u njoj. Jednom kad je skretnica postavljena, ostat će u toj poziciji do kraja igre. To znači da ako vlak ponovo uđe u stanicu koju je već posjetio, izaći će istom prugom kao i prije.

S obzirom da je broj stanica konačan, vlak će ući u *ciklus*. Ciklus je niz jedinstvenih stanica  $c[0], c[1], \dots, c[k - 1]$  takvih da vlak iz stanice  $c[i]$  (for  $0 \leq i < k$ ) izlazi prugom prema stanici  $c[i + 1]$ . Pored toga, vlak iz stanice  $c[k - 1]$  izlazi prugom prema stanici  $c[0]$ . Ciklus može sadržavati samo jednu stanicu (t.j.  $k = 1$ ) ako postoji pruga koja izlazi iz stanice  $c[0]$  i ponovo ulazi u  $c[0]$ .

Adriana pobjeđuje igru ako se vlak nastavi kretati do u beskonačnost, a Beker ako vlak ostane bez energije. Drugim riječima, ako postoji barem jedna punjena stanica među  $c[0], c[1], \dots, c[k - 1]$ , vlak se može napuniti i nastaviti neprestano kružiti, tj. do u beskonačnost, i tada Adriana pobjeđuje. Inače će ostati bez energije (moguće nakon što prođe nekoliko krugova) i onda Beker pobjeđuje.

Dat vam je opis željezničke mreže. Oba djeteta su pametna i uvijek igraju optimalno, i igraće ukupno  $n$  igara. U  $s$ -toj igri, gdje je  $0 \leq s \leq n - 1$ , vlak će započeti putovanje u stanici  $s$ . Vaš zadatak je, da za svaku igru, odredite da li postoji strategija za Adrianu da pobijedi bez obzira kako Beker igra svoju igru.

## Implementacijski detalji

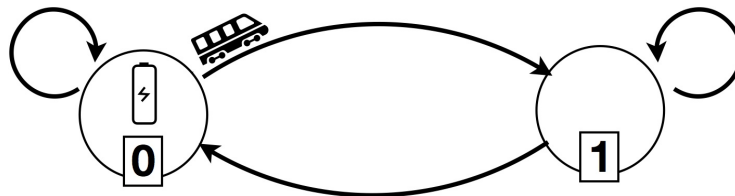
Trebate implementirati sljedeću funkciju:

```
int[] who_wins(int[] a, int[] r, int[] u, int[] v)
```

- $a$ : niz dužine  $n$ . Ako Adriana posjeduje stanicu  $i$ ,  $a[i] = 1$ . Inače, Beker posjeduje stanicu  $i$  i  $a[i] = 0$ .
- $r$ : niz dužine  $n$ . Ako je stanica  $i$  punjena stanica,  $r[i] = 1$ . Inače,  $r[i] = 0$ .
- $u$  i  $v$ : nizovi dužine  $m$ . Za sve  $0 \leq i \leq m - 1$ , postoji jednosmjerna pruga iz stanice  $u[i]$  prema stanici  $v[i]$ .
- Ova funkcija treba vratiti niz  $w$  dužine  $n$ . Vrijednost  $w[i]$  treba biti 1 ako Adriana pobjeđuje kada igra počinje na stanici  $i$ . Inače, vrijednost  $w[i]$  treba biti 0.

## Primjer

```
who_wins([0, 1], [1, 0], [0, 0, 1, 1], [0, 1, 0, 1])
```



- Postoje 2 stanice. Beker je vlasnik stanice 0 koja je punjena stanica. Adriana je vlasnica stanice 1, koja nije punjena stanica.
- Postoje 4 pruge  $(0, 0)$ ,  $(0, 1)$ ,  $(1, 0)$  i  $(1, 1)$ , pri čemu  $(i, j)$  označava jednosmjernu prugu iz stanice  $i$  prema stanici  $j$ .
- Posmatrajmo igru u kojoj je vlak početno na stanici 0. Ako Beker usmjeri skretnicu u stanici 0 prema pruzi  $(0, 0)$ , vlak će beskonačno kružiti ovom prugom (primijetite da je stanica 0 punjena stanica). U ovom slučaju Adriana pobjeđuje. Inače, ako Beker usmjeri skretnicu u stanici 0 prema pruzi  $(0, 1)$ , Adriana može usmjeriti skretnicu u stanici 1 prema  $(1, 0)$ . U tom slučaju, vlak će beskonačno kružiti kroz obje stanice. Ponovo, Adriana pobjeđuje jer je stanica 0 punjena stanica i vlak se neće zaustaviti. Dakle, Adriana može pobijediti, bez obzira što Beker učini.
- Promotrimo sada igru u kojoj je vlak početno na stanici 1. Adriana može usmjeriti skretnicu u stanici 1 prema pruzi  $(1, 0)$ . Ako Beker usmjeri skretnicu u stanici 0 prema pruzi  $(0, 0)$  vlak će izaći iz stanice 1, ući u stanicu 0 i beskonačno kružiti kroz nju, dakle Adriana pobjeđuje. Inače, ako Beker usmjeri skretnicu u stanici 0 prema pruzi  $(0, 1)$  vlak će beskonačno kružiti kroz obje stanice.
- U obje igre Adriana pobjeđuje, pa funkcija treba vratiti  $[1, 1]$ .

## Ograničenja

- $1 \leq n \leq 5000$ .

- $n \leq m \leq 20\,000$ .
- Postoji barem jedna punjena stanica.
- Iz svake stanice izlazi barem jedna pruga.
- Mogu postojati stanice koje izlaze i ulaze u istu stanicu (i.e.,  $u[i] = v[i]$ ).
- Sve pruge su jedinstvene. Drugim riječima, ne postoje indeksi  $i$  i  $j$  ( $0 \leq i < j \leq m - 1$ ) takvi da  $u[i] = u[j]$  i  $v[i] = v[j]$ .
- $0 \leq u[i], v[i] \leq n - 1$  (za sve  $0 \leq i \leq m - 1$ ).

## Podzadaci

1. (5 bodova) Za sve  $0 \leq i \leq m - 1$ , ili  $v[i] = u[i]$  ili  $v[i] = u[i] + 1$ .
2. (10 bodova)  $n \leq 15$ .
3. (11 bodova) Adriana posjeduje sve stanice.
4. (11 bodova) Beker posjeduje sve stanice.
5. (12 bodova) Postoji točno jedna punjena stanica.
6. (51 bodova) Bez dodatnih ograničenja.

## Sempl grejder

Sempl grejder čita ulazne podatke u sljedećem formatu:

- redak 1:  $n \ m$
- redak 2:  $a[0] \ a[1] \ \dots \ a[n - 1]$
- redak 3:  $r[0] \ r[1] \ \dots \ r[n - 1]$
- redak  $4 + i$  (za  $0 \leq i \leq m - 1$ ):  $u[i] \ v[i]$

Sempl grejder ispisuje vrijednost koju vraća funkcija `who_wins` u sljedećem formatu:

- redak 1:  $w[0] \ w[1] \ \dots \ w[n - 1]$