



西默夫(Simurgh)

根據沙納瑪(Shahnameh)的古老波斯傳說，Zal，傳奇的波斯英雄，瘋狂地愛上喀布爾(Kabul)的公主 Rudaba。當Zal向Rudaba求婚時，她的父親給Zal一個挑戰。

波斯有 n 個城市，編號從0到 $n - 1$ ，和 m 條雙向(two-way)道路，編號從0到 $m - 1$ 。每一條道路連接兩個不同的城市。任兩座城市最多只有一條的道路所連接。某些道路為被皇室成員所使用的皇家道路(royal roads)，而且這些皇家道路是被保密而不為外界所知。Zal的任務是要找出哪些道路是皇家道路。

Zal有一張標有波斯所有城市和道路的地圖。他不知道哪些道路是皇家道路，但他可求助於西默夫(Simurgh)，一隻仁慈的神鳥，也是Zal的守護神。無論如何，西默夫不想直接透露哪幾條道路是皇家道路。退而求其次，西默夫告知Zal所有皇家道路的集合是一個黃金集合(golden set)。黃金集合是一個道路的集合且滿足下列條件：

- 此集合剛好(exactly)有 $n - 1$ 條道路，且
- 對於任兩座城市，從一座城市可經由此集合的一些道路抵達另一座城市。

此外，Zal可以問西默夫一些問題。對於每個問題：

1. Zal 可選擇一個黃金(golden)道路集合，然後
2. 西默夫告訴Zal，在他所選的黃金集合裡有多少條道路是皇家道路。

你的程式可藉由問西默夫不超過 q 個問題，來幫忙Zal找到皇家道路的集合。評分程式(grader)將扮演西默夫的角色。

實作細節

你應實作下列程序(procedure)：

```
int[] find_roads(int n, int[] u, int[] v)
```

- n : 城市的個數，
- u 和 v : 長度為 m 的陣列。對所有 $0 \leq i \leq m - 1$, $u[i]$ 和 $v[i]$ 是被道路 i 所連接的城市。
- 此程序應該回傳一個長度為 $n - 1$ 的陣列包含皇家道路的編號(任意順序皆可)。

你的解答應呼叫下列評分程序(grader procedure)不超過 q 次：

```
int count_common_roads(int[] r)
```

- r : 長度為 $n - 1$ 的陣列包含黃金集合裡面道路的編號(任意順序皆可)。

- 此程序回傳 r 陣列中皇家道路的個數。

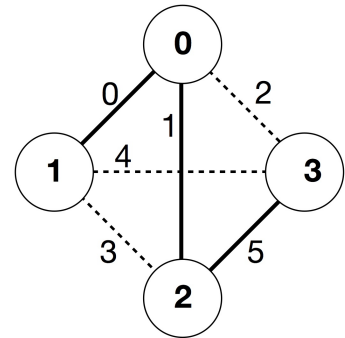
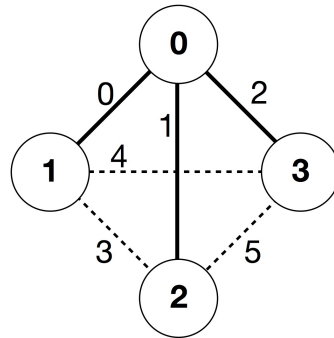
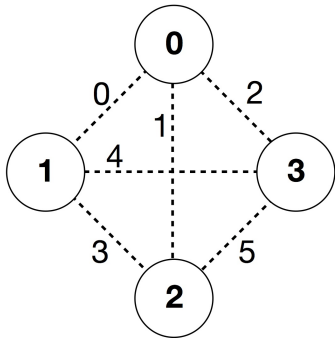
範例

```
find_roads(4, [0, 0, 0, 1, 1, 2], [1, 2, 3, 2, 3, 3])
```

`find_roads(...)`

`count_common_roads([0, 1, 2]) = 2`

`count_common_roads([5, 1, 0]) = 3`



此範例有4座城市和6條道路。 (a, b) 表示一條連接城市 a 和城市 b 的道路。道路編號從0到5以下列順序出現: $(0, 1)$, $(0, 2)$, $(0, 3)$, $(1, 2)$, $(1, 3)$, 和 $(2, 3)$ 。每個黃金集合有 $n - 1 = 3$ 條道路。

假設皇家道路編號為0, 1, 和 5, 亦即道路 $(0, 1)$, $(0, 2)$, 和 $(2, 3)$, 且程式執行下列呼叫:

- `count_common_roads([0, 1, 2])` 回傳 **2**。此詢問(query)是關於道路編號0, 1, 和 2, 亦即道路 $(0, 1)$, $(0, 2)$ 和 $(0, 3)$ 。三條道路中有兩條是皇家道路。
- `count_common_roads([5, 1, 0])` 回傳 **3**。此詢問是包含了所有皇家道路的集合。

程序 `find_roads` 應回傳 $[5, 1, 0]$ 或任何長度為3且包含此三個元素的陣列。

注意下列呼叫是不被允許的:

- `count_common_roads([0, 1])`: 此處 r 的長度不等於3。
- `count_common_roads([0, 1, 3])`: 此處 r 不是描述黃金集合, 因為要從城市0 到達城市 3 只藉由 $(0, 1)$, $(0, 2)$, $(1, 2)$ 是不可能的。

限制條件(Constraints)

- $2 \leq n \leq 500$
- $n - 1 \leq m \leq n(n - 1)/2$
- $0 \leq u[i], v[i] \leq n - 1$ (對於所有 $0 \leq i \leq m - 1$)
- 對於所有 $0 \leq i \leq m - 1$, 道路編號 i 所連接的兩個不同的城市 (亦即 $u[i] \neq v[i]$)。
- 任兩座城市最多被一條道路所連接。
- 一定可以經由道路來遊歷(travel)任兩個城市。
- 所有皇家道路的集合是黃金集合。
- `find_roads` 應呼叫 `count_common_roads` 不超過 q 次。在每次呼叫中, 被陣列 r 所指明的道路集合需是黃金集合。

Subtasks

1. (13 points) $n \leq 7, q = 30\,000$
2. (17 points) $n \leq 50, q = 30\,000$
3. (21 points) $n \leq 240, q = 30\,000$
4. (19 points) $q = 12\,000$ 且任兩座城市都有道路連接。
5. (30 points) $q = 8\,000$

範例評分程式(Sample grader)

範例評分程式讀取下列格式的輸入:

- line 1: $n\ m$
- line $2 + i$ (for all $0 \leq i \leq m - 1$): $u[i]\ v[i]$
- line $2 + m$: $s[0]\ s[1]\ \dots\ s[n - 2]$

此處 $s[0], s[1], \dots, s[n - 2]$ 是皇家道路的編號。

範例評分程式輸出 YES, 假如 `find_roads` 呼叫 `count_common_roads` 不超過 **30 000**次, 且回傳正確的皇家道路的集合。否則, 輸出 NO。

請提防程序 `count_common_roads` 在範例評分程式中不會去檢查是否 r 有黃金集合的所有性質。取而代之的是此程序會計算並回傳在陣列 r 中皇家道路編號的個數。無論如何, 假如你上傳的程式使用不是描述黃金集合的編號集合去呼叫 `count_common_roads`, 則評分程式的判定將是 'Wrong Answer'。

技術注意事項(Technical note)

為求效率, 程序 `count_common_roads` 在 C++ and Pascal 使用 *call by reference* 的方法。但是, 你仍然可以用平常的方法呼叫程序。此外, 評分程式保證不會改變 r 值。